

แผนภูมิลำดับขั้นการเรียนรู้โดยใช้แบบฝึกทักษะ



1. อ่านคำแนะนำสำหรับนักเรียน



2. ทำแบบทดสอบก่อนเรียน



3. ศึกษาแบบฝึกทักษะ โดยการปฏิบัติกิจกรรม

3.1 ศึกษาเนื้อหา

3.2 ทำแบบฝึกทักษะ

3.3 ตรวจสอบแบบฝึกทักษะ



4. ทำแบบทดสอบหลังเรียน



ประเมินผล



ผ่านเกณฑ์



5. ศึกษาแบบฝึกทักษะในเล่มต่อไป

ไม่ผ่านเกณฑ์



คำชี้แจงเกี่ยวกับแบบฝึกทักษะ
เรื่อง อัตราส่วนและร้อยละ



1. เอกสารฉบับนี้ เป็นแบบฝึกทักษะ เรื่อง อัตราส่วนและร้อยละ รายวิชา คณิตศาสตร์พื้นฐาน หน่วยการเรียนรู้ที่ 1 เรื่อง อัตราส่วนและร้อยละ ชั้นมัธยมศึกษา ปีที่ 2 มีทั้งหมด 8 เล่ม ดังนี้

เล่มที่ 1 อัตราและอัตราส่วน

เล่มที่ 2 อัตราส่วนที่เท่ากัน

เล่มที่ 3 สัดส่วน

เล่มที่ 4 โจทย์ปัญหาเกี่ยวกับสัดส่วน

เล่มที่ 5 ร้อยละและอัตราส่วน

เล่มที่ 6 การคำนวณร้อยละ

เล่มที่ 7 โจทย์ปัญหาเกี่ยวกับกำไร ขาดทุน และลดราคา

เล่มที่ 8 โจทย์ปัญหาเกี่ยวกับดอกเบี้ยและภาษี

2. แบบฝึกทักษะ เรื่อง อัตราส่วนและร้อยละ ฉบับนี้เป็นแบบฝึกทักษะ เล่มที่ 2 อัตราส่วนที่เท่ากัน ประกอบด้วย

2.1 แผนภูมิลำดับขั้นตอนการเรียนรู้โดยใช้แบบฝึกทักษะ

2.2 คำชี้แจงเกี่ยวกับแบบฝึกทักษะ

2.3 คำแนะนำการใช้แบบฝึกทักษะสำหรับครู

2.4 คำแนะนำการใช้แบบฝึกทักษะสำหรับนักเรียน

2.5 แบบทดสอบก่อนเรียน

2.6 ใบความรู้

2.7 แบบฝึกทักษะ

2.8 แบบทดสอบหลังเรียน

2.9 เอกสารอ้างอิง

2.10 เฉลยแบบฝึกทักษะ



2.11 เฉลยแบบทดสอบก่อนเรียน และหลังเรียน

3. แบบฝึกทักษะฉบับนี้ ใช้เวลาเรียน 3 ชั่วโมง



คำแนะนำการใช้แบบฝึกทักษะ สำหรับครูผู้สอน



การใช้แบบฝึกทักษะ เรื่อง อัตราส่วนและร้อยละ กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2 หน่วยการเรียนรู้ที่ 1 เรื่อง อัตราส่วนและร้อยละ ครูผู้สอนเป็นผู้ที่มีบทบาทสำคัญที่จะช่วยให้การดำเนินการเรียนรู้ของนักเรียนบรรลุวัตถุประสงค์ ดังนั้น ครูผู้สอนจึงควรศึกษารายละเอียดเกี่ยวกับการปฏิบัติตนก่อนที่จะใช้แบบฝึกทักษะ เรื่อง อัตราส่วนและร้อยละ ดังนี้

1. ครูต้องศึกษาแบบฝึกทักษะ เรื่อง อัตราส่วนและร้อยละ และอ่านเนื้อหาสาระอย่างละเอียดรอบคอบ พร้อมทั้งทำความเข้าใจกับเนื้อหาทุกเล่มก่อนการใช้งาน
2. ครูเตรียมแบบฝึกทักษะ เรื่อง อัตราส่วนและร้อยละ ให้ครบถ้วน และเพียงพอ กับจำนวนนักเรียน
3. ครูเตรียมเครื่องมือวัดผล และประเมินผล เพื่อให้ทราบความก้าวหน้าของนักเรียน
4. ครูชี้แจงให้นักเรียนทราบลำดับขั้นตอน วิธีการสอนของครู และประโยชน์ที่ได้จากการเรียนโดยใช้แบบฝึกทักษะ เรื่อง อัตราส่วนและร้อยละ อย่างชัดเจน
5. ครูชี้แจงให้นักเรียนทราบเกี่ยวกับบทบาทของนักเรียนในการเรียน โดยใช้แบบฝึกทักษะ เรื่อง อัตราส่วนและร้อยละ ให้เข้าใจและเน้นย้ำเรื่องความซื่อสัตย์ สุจริต ในระหว่างการเรียนรู้ โดยไม่ลอกเพื่อน และไม่ให้เพื่อนทำ หรือดูเฉลยก่อนลงมือทำด้วยตนเอง
6. ครูแจ้งจุดประสงค์การเรียนรู้ให้นักเรียนทราบ
7. ดำเนินการสอนตามกิจกรรมที่กำหนดไว้ในแผนการจัดการเรียนรู้ที่ 2
8. นักเรียนทำแบบทดสอบก่อนเรียน ก่อนการศึกษานี้อาหา และทำแบบฝึกทักษะ เรื่อง อัตราส่วนและร้อยละ เล่มที่ 2 อัตราส่วนที่เท่ากัน

9. ครูสังเกตความตั้งใจของนักเรียน ความสนใจในการเรียน การทำงานร่วมกัน เป็นกลุ่มของนักเรียนทุกกลุ่มอย่างใกล้ชิด ถ้ากลุ่มใดมีปัญหา ครูจะได้ทำการช่วยเหลือ ได้ทันที

10. เวลาในการจัดกิจกรรมการเรียนรู้ โดยใช้แบบฝึกทักษะ เรื่อง อัตราส่วนและ ร้อยละ ของนักเรียนในแต่ละคน หรือแต่ละกลุ่ม อาจจะ ไม่เท่ากัน ครูควรยืดหยุ่นตาม ความเหมาะสมตามสถานการณ์

11. ให้นักเรียนทำแบบทดสอบหลังเรียน เพื่อประเมินความก้าวหน้า

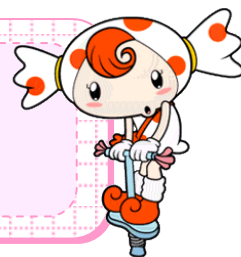
12. การสรุปบทเรียน ควรเป็นกิจกรรมร่วมกันของนักเรียนทุกกลุ่ม หรือแต่ละ กลุ่มส่งตัวแทนมาร่วมอภิปรายเรื่องที่เรียนมา

13. ในกรณีที่นักเรียนคนใดขาดเรียน ให้นักเรียนศึกษาเป็นรายบุคคลนอกเวลา เรียน จากแบบฝึกทักษะ เรื่อง อัตราส่วนและร้อยละ

14. การจัดชั้นเรียน อาจจัดให้นักเรียนศึกษาเป็นรายบุคคล หรือรายกลุ่มก็ได้



คำแนะนำการใช้แบบฝึกทักษะ สำหรับนักเรียน



การใช้แบบฝึกทักษะ เรื่อง อัตราส่วนและร้อยละ กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2 หน่วยการเรียนรู้ที่ 1 เรื่อง อัตราส่วนและร้อยละ นักเรียนควรปฏิบัติตามคำแนะนำ ดังนี้

1. อ่านคำชี้แจงเกี่ยวกับแบบฝึกทักษะ เรื่อง อัตราส่วนและร้อยละ และคำแนะนำการใช้แบบฝึกทักษะ เรื่อง อัตราส่วนและร้อยละ สำหรับนักเรียนให้เข้าใจก่อนศึกษาเนื้อหา ทำแบบฝึกทักษะทุกครั้ง
2. ทำแบบทดสอบก่อนเรียนทุกครั้ง เพื่อดูว่านักเรียนมีพื้นฐานความรู้ความเข้าใจมากน้อยเพียงใด
3. นักเรียนต้องศึกษาเนื้อหาก่อนทำแบบฝึกทักษะ เรื่อง อัตราส่วนและร้อยละ เล่มที่ 2 อัตราส่วนที่เท่ากัน ถ้านักเรียนทำแบบฝึกทักษะ เรื่อง อัตราส่วนและร้อยละ ไม่ได้ ให้นักเรียนกลับไปศึกษาเนื้อหาและยกตัวอย่างใหม่อีกครั้ง หรือปรึกษาครูผู้สอน
4. เมื่อนักเรียนทำแบบฝึกทักษะ เรื่อง อัตราส่วนและร้อยละ เสร็จเรียบร้อยแล้ว ให้นักเรียนเปลี่ยนกันตรวจแบบฝึกตามที่ครูเฉลย และบันทึกคะแนนที่ได้ จากนั้นร่วมกันสรุปองค์ความรู้ โดยครูคอยชี้แนะแนวทาง และอธิบายเพิ่มเติม
5. นักเรียนทำแบบทดสอบหลังเรียน เพื่อประเมินความรู้ตนเอง หลังจากการศึกษาและทำแบบฝึกทักษะ เรื่อง อัตราส่วนและร้อยละ จบแล้ว
6. ในการทำแบบฝึกทักษะ เรื่อง อัตราส่วนและร้อยละ และทำแบบทดสอบหลังเรียน นักเรียนต้องพยายามทำด้วยความตั้งใจ และมีความซื่อสัตย์สุจริต ต่อตนเองให้มากที่สุด



สาระและมาตรฐานการเรียนรู้

สาระที่ 1 : จำนวนและการดำเนินการ

มาตรฐานการเรียนรู้

มาตรฐาน ค 1.1 : เข้าใจถึงความหลากหลายของการแสดงจำนวนและการใช้จำนวนในชีวิตจริง

สาระที่ 6 ทักษะ/กระบวนการทางคณิตศาสตร์

มาตรฐาน ค 6.1 : มีความสามารถในการแก้ปัญหา การให้เหตุผล การสื่อสาร การสื่อความหมายทางคณิตศาสตร์ และการนำเสนอ การเชื่อมโยงความรู้ต่างๆ ทางคณิตศาสตร์ และเชื่อมโยงคณิตศาสตร์กับศาสตร์อื่นๆ และมีความคิดริเริ่มสร้างสรรค์

ตัวชี้วัด

ค 1.1 ม.2/4 ใช้ความรู้เกี่ยวกับอัตราส่วน สัดส่วน และร้อยละในการแก้โจทย์ปัญหา

ค 6.1 ม.2/1 ใช้วิธีการที่หลากหลายแก้ปัญหา

ม.2/2 ใช้ความรู้ ทักษะและกระบวนการทางคณิตศาสตร์ และเทคโนโลยีในการแก้ปัญหาในสถานการณ์ต่าง ๆ ได้อย่างเหมาะสม

ม.2/3 ให้เหตุผลประกอบการตัดสินใจ และสรุปผลได้อย่างเหมาะสม

ม.2/4 ใช้ภาษาและสัญลักษณ์ทางคณิตศาสตร์ในการสื่อสาร การสื่อความหมาย และการนำเสนอ ได้อย่างถูกต้อง และชัดเจน

ม.2/5 เชื่อมโยงความรู้ต่างๆ ในคณิตศาสตร์ และนำความรู้ หลักการ กระบวนการทางคณิตศาสตร์ไปเชื่อมโยงกับศาสตร์อื่นๆ

ม.2/6 มีความคิดริเริ่มสร้างสรรค์

สาระสำคัญ

อัตราส่วนที่แสดงอัตราเดียวกัน เรียกว่าอัตราส่วนที่เท่ากัน หาได้โดยใช้หลักการคูณและหลักการหารดังนี้

หลักการคูณเมื่อคูณแต่ละจำนวนในอัตราส่วนด้วยจำนวนเดียวกันโดยที่จำนวนนั้นไม่เท่ากับศูนย์ จะได้อัตราส่วนใหม่ที่เท่ากับอัตราส่วนเดิม

หลักการหารเมื่อหารแต่ละจำนวนในอัตราส่วนใดด้วยจำนวนเดียวกันโดยที่จำนวนนั้นไม่เท่ากับศูนย์ จะได้อัตราส่วนใหม่ที่เท่ากับอัตราส่วนเดิม สามารถตรวจสอบได้โดยใช้ผลการคูณไขว้

อัตราส่วนของจำนวนหลาย ๆ จำนวน เป็นการเปรียบเทียบปริมาณสิ่งของตั้งแต่สามสิ่งขึ้นไป โดยนิยมเปรียบเทียบปริมาณที่เป็นปริมาณประเภทเดียวกัน และเมื่อมีการกำหนดอัตราส่วนสองอัตราส่วนใด ๆ มาให้ และต้องเขียนอัตราส่วนของจำนวนหลาย ๆ จำนวนจากสองอัตราส่วนนั้น จะทำได้โดยการหาปริมาณที่เป็นตัวร่วมของอัตราส่วนให้เป็นปริมาณที่เท่ากัน

จุดประสงค์การเรียนรู้

1. นักเรียนสามารถหาอัตราส่วนที่เท่ากับอัตราส่วนที่กำหนดให้ได้
2. นักเรียนสามารถตรวจสอบได้ว่าอัตราส่วนที่กำหนดให้เป็นอัตราส่วนที่เท่ากันหรือไม่
3. นักเรียนสามารถเขียนอัตราส่วนต่อเนื่องของจำนวนหลายๆจำนวนได้
4. นักเรียนสามารถทำงานร่วมกันเป็นกลุ่มได้
5. นักเรียนมีระเบียบวินัยในการทำงาน



แบบทดสอบก่อนเรียน

คำสั่ง นักเรียนทำเครื่องหมาย (X) ทับบนคำตอบที่ถูกที่สุดเพียงคำตอบเดียว (10 คะแนน)

1. จงหาอัตราส่วนที่เท่ากับอัตราส่วน 5 : 3 มาอีก 2 อัตราส่วนโดยใช้หลักการคูณ

ก. $15 : 5$ และ $25 : 18$

ข. $20 : 15$ และ $15 : 6$

ค. $10 : 6$ และ $15 : 9$

ง. $25 : 18$ และ $30 : 27$

2. จงหาอัตราส่วนที่เท่ากับอัตราส่วน $\frac{120}{80}$ มาอีก 2 อัตราส่วนโดยใช้หลักการหาร

ก. $\frac{25}{20}$ และ $\frac{15}{10}$

ข. $\frac{40}{60}$ และ $\frac{30}{10}$

ค. $\frac{40}{20}$ และ $\frac{40}{20}$

ง. $\frac{60}{40}$ และ $\frac{30}{20}$

3. ข้อใดต่อไปนี้เป็นอัตราส่วนที่เท่ากัน

ก. $\frac{3}{7}$ และ $\frac{15}{35}$

ข. $\frac{5}{3}$ และ $\frac{20}{15}$

ค. $\frac{6}{4}$ และ $\frac{24}{20}$

ง. $\frac{4}{5}$ และ $\frac{16}{21}$



4. ถ้าอัตราส่วนที่เท่ากัน ของ $\frac{16}{20}$ คือ $\frac{4}{5}$ ข้อใดคือวิธีการหาคำตอบ

- ก. นำ 4 มาคูณ
- ข. นำ 4 มาหาร
- ค. นำ 5 มาคูณ
- ง. นำ 5 มาหาร

5. ข้อใดคืออัตราส่วนที่เท่ากันของ $\frac{16}{64}$

- ก. $\frac{8}{32}$
- ข. $\frac{8}{30}$
- ค. $\frac{4}{12}$
- ง. $\frac{4}{14}$

6. ข้อใดคืออัตราส่วนที่เท่ากันของ $\frac{3}{10}$

- ก. $\frac{15}{20}$
- ข. $\frac{12}{20}$
- ค. $\frac{9}{20}$
- ง. $\frac{6}{20}$

7. ข้อใดไม่ใช่อัตราส่วนที่เท่ากัน

- ก. $\frac{2}{5}$ และ $\frac{12}{30}$
- ข. $\frac{2}{8}$ และ $\frac{3}{12}$
- ค. $\frac{3}{5}$ และ $\frac{12}{15}$
- ง. $\frac{3}{15}$ และ $\frac{2}{10}$

8. ข้อใดต่อไปนี้เป็นอัตราส่วนที่เท่ากัน

ก. $1:8$ และ $8:35$

ข. $4:10$ และ $6:15$

ค. $2:5$ และ $12:15$

ง. $3:6$ และ $4:7$

9. อัตราส่วนที่เท่ากันของ $0.5:5$ คือข้อใด

ก. $1:25$

ข. $5:25$

ค. $5:10$

ง. $1:10$

10. $30:a = 15:9$ ค่าของ a คือข้อใด

ก. 18

ข. 25

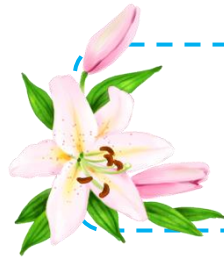
ค. 35

ง. 50



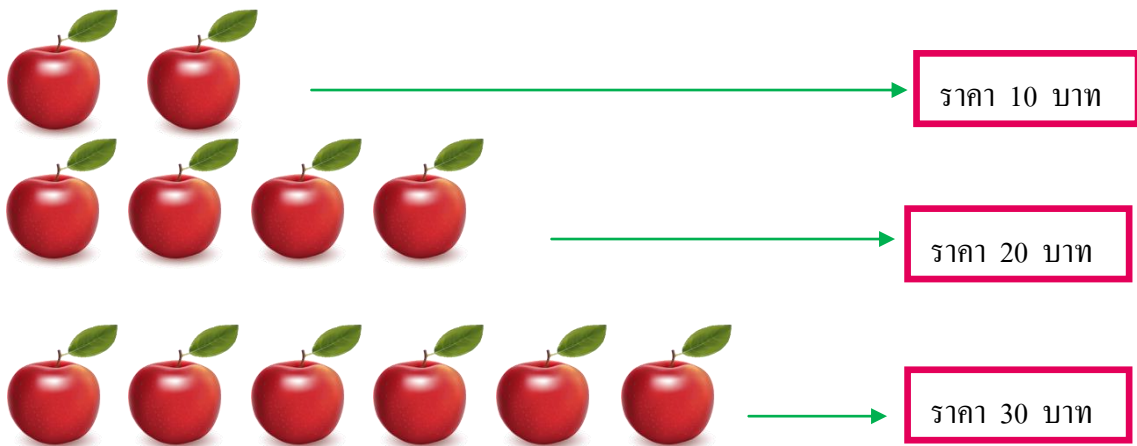


ช่วยกันคิดง่ายนิดเดียว



ใบความรู้ที่ 1 เรื่อง อัตราส่วนที่เท่ากัน

อัตราส่วนที่เท่ากัน คืออัตราส่วนที่แสดงอัตราเดียวกัน เช่น



อัตราส่วนแสดงแอปเปิ้ลเป็นผลต่อราคาเป็นบาท เป็นดังนี้



อัตราส่วนทั้งหมดแสดงอัตราเดียวกันเรียกอัตราส่วนดังกล่าวว่า อัตราส่วนที่เท่ากัน
นั่นคือ $2:10 = 4:20 = 6:30$



2 : 10	สามารถเขียนแทนด้วย $\frac{2}{10}$
4 : 20	สามารถเขียนแทนด้วย $\frac{4}{20}$
6 : 30	สามารถเขียนแทนด้วย $\frac{6}{30}$

การหาอัตราส่วนที่เท่ากับอัตราส่วนที่กำหนดให้



การหาอัตราส่วนที่เท่ากับอัตราส่วนที่กำหนดให้

เมื่อกำหนดอัตราส่วนมาให้ เราสามารถหาอัตราส่วนที่เท่ากับอัตราส่วนที่กำหนดให้ได้ โดยใช้หลักการต่อไปนี้

1. หลักการคูณ เมื่อคูณแต่ละจำนวนในอัตราส่วนใดด้วยจำนวนเดียวกันโดยที่จำนวนนั้นต้องไม่เป็นศูนย์ จะได้อัตราส่วนใหม่ที่เท่ากับอัตราส่วนเดิม

$$\begin{array}{l} \text{เช่น} \quad 1:3 = \frac{1}{3} = \frac{1 \times 2}{3 \times 2} = \frac{2}{6} \quad \text{ดังนั้น} \quad \frac{1}{3} = \frac{2}{6} \\ 5:6 = \frac{5}{6} = \frac{5 \times 3}{6 \times 3} = \frac{15}{18} \quad \text{ดังนั้น} \quad \frac{5}{6} = \frac{15}{18} \end{array}$$

สรุป

ถ้า a และ b เป็นปริมาณสองปริมาณใด ๆ และ c เป็นค่าคงตัวที่ไม่เท่ากับศูนย์

$$a : b = ac : bc \quad \text{หรือ} \quad \frac{a}{b} = \frac{a \times c}{b \times c} = \frac{ac}{bc}$$



2. หลักการหาร เมื่อหารแต่ละจำนวนในอัตราส่วนใดๆ ด้วยจำนวนเดียวกันและไม่เป็นศูนย์ จะได้อัตราส่วนใหม่เท่ากับอัตราส่วนเดิม

$$\text{เช่น} \quad 48:64 = \frac{48}{64} = \frac{48 \div 2}{64 \div 2} = \frac{24}{32}$$

$$48:64 = \frac{48}{64} = \frac{48 \div 4}{64 \div 4} = \frac{12}{16}$$

$$\text{ดังนั้น} \quad \frac{48}{64} = \frac{24}{32} = \frac{12}{16}$$

สรุป

ถ้า a และ b เป็นปริมาณสองปริมาณใด ๆ และ c เป็นค่าคงตัวที่ไม่เท่ากับศูนย์

$$a : b = (a \div c) : (b \div c) \quad \text{หรือ} \quad \frac{a}{b} = \frac{a \div c}{b \div c}$$



แบบฝึกทักษะที่ 1

คำชี้แจง จงเขียนอัตราส่วนที่เท่ากับอัตราส่วนที่กำหนดให้มาข้อละ 2 อัตราส่วนโดยใช้หลักการคูณ (ข้อละ 1 คะแนน รวม 10 คะแนน)

ตัวอย่าง

$$\frac{5}{3} = \frac{5 \times 2}{3 \times 2} = \frac{10}{6} \quad (\text{ใช้ } 2 \text{ คูณ})$$

$$\frac{5}{3} = \frac{5 \times 3}{3 \times 3} = \frac{15}{9} \quad (\text{ใช้ } 3 \text{ คูณ})$$



1) $\frac{4}{9}$

.....

.....

2) $\frac{3}{2}$

.....

.....

3) $\frac{9}{13}$

.....

.....

4) $\frac{8}{9}$

.....

.....

5) $\frac{14}{7}$

.....

.....

6) $\frac{24}{15}$

.....

.....

7) $\frac{13}{8}$

.....

.....

8) $\frac{29}{11}$

.....

.....

9) $\frac{121}{19}$

.....

.....

10) $\frac{156}{47}$

.....

.....

ทำงานห้ามเสียงดัง
นะครับ



แบบฝึกทักษะที่ 2

คำชี้แจง จงเขียนอัตราส่วนที่เท่ากับอัตราส่วนที่กำหนดให้มาข้อละ 2 อัตราส่วน
โดยใช้หลักการหาร (ข้อละ 1 คะแนน รวม 10 คะแนน)

ตัวอย่าง $\frac{20}{30} = \frac{20 \div 2}{30 \div 2} = \frac{10}{15}$ (ใช้ 2 หาร)

$\frac{20}{30} = \frac{20 \div 5}{30 \div 5} = \frac{4}{6}$ (ใช้ 5 หาร)



1) $\frac{50}{90}$

.....

.....

2) $\frac{16}{64}$

.....

.....

3) $\frac{36}{72}$

.....

.....

4) $\frac{64}{48}$

.....

.....

5) $\frac{96}{32}$

.....

.....

6) $\frac{120}{246}$

.....

.....

7) $\frac{150}{90}$

.....

.....

8) $\frac{350}{25}$

.....

.....

9) $\frac{250}{400}$

.....

.....

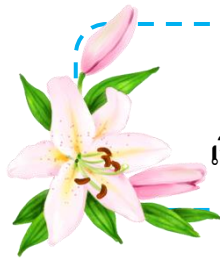
10) $\frac{105}{60}$

.....

.....



เริ่มหารค่องแล้วซิ นะคะ



ใบความรู้ที่ 2

เรื่อง การตรวจสอบการเท่ากันของอัตราส่วน

อัตราส่วน $\frac{10}{12}$ กับอัตราส่วน $\frac{15}{18}$ เป็นอัตราส่วนที่เท่ากันหรือไม่

$$\frac{10}{12} = \frac{10 \times 18}{12 \times 18}$$

จำนวนที่นำมาคูณเป็นจำนวนหลัง
ของอัตราส่วน $\frac{15}{18}$

$$\frac{15}{18} = \frac{15 \times 12}{18 \times 12}$$

จำนวนที่นำมาคูณเป็นจำนวนหลัง
ของอัตราส่วน $\frac{10}{12}$

เนื่องจาก $12 \times 18 = 18 \times 12$

ดังนั้น $10 \times 18 = 15 \times 12$

เนื่องจาก $10 \times 18 = 180$ และ $15 \times 12 = 180$

ดังนั้น $10 \times 18 = 15 \times 12$

จึงสรุปได้ว่า $\frac{10}{12}$ กับอัตราส่วน $\frac{15}{18}$ เป็นอัตราส่วนที่เท่ากัน



โดยทั่วไป เราสามารถตรวจสอบการเท่ากันของอัตราส่วน $\frac{a}{b}$ และ $\frac{c}{d}$ ด้วยการคูณไขว้ ดังนี้

$$\begin{array}{ccc} a & & c \\ & \swarrow \quad \searrow & \\ b & & d \end{array}$$

สรุป

1. ถ้า $a \times d = b \times c$

แล้ว

$$\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$$


2. ถ้า $a \times d \neq b \times c$

แล้ว

$$\frac{a}{b} \neq \frac{c}{d}$$



แบบฝึกทักษะที่ 3

คำชี้แจง จงเติมเครื่องหมาย = หรือ \neq ลงใน  ให้ถูกต้อง (ข้อละ 1 คะแนน รวม 10 คะแนน)

ตัวอย่าง

$$\frac{7}{9}$$







\neq





$$\frac{4}{6}$$

$$\frac{9}{12}$$

=

$$\frac{27}{36}$$

1. $\frac{4}{10}$  $\frac{10}{25}$
2. $\frac{1}{8}$  $\frac{3}{24}$
3. $\frac{2}{5}$  $\frac{12}{24}$
4. $\frac{20}{35}$  $\frac{28}{49}$
5. $\frac{79}{3}$  $\frac{121}{7}$
6. $\frac{20}{24}$  $\frac{5}{6}$

- | | | | |
|-----|-----------------|---|-------------------|
| 7. | $\frac{8}{9}$ |  | $\frac{7}{8}$ |
| 8. | $\frac{7}{6}$ |  | $\frac{21}{18}$ |
| 9. | $\frac{17}{18}$ |  | $\frac{51}{54}$ |
| 10. | $\frac{23}{31}$ |  | $\frac{713}{961}$ |

ความสามัคคี...คือ...พลัง



แบบฝึกทักษะที่ 4

คำชี้แจง จงโยงตุ๊กตรับคู่กับอัตราส่วนที่เท่ากันในแต่ละข้อต่อไปนี้ (10 คะแนน)

ตัวอย่าง

$\frac{1}{2}$	$\frac{2}{6}$
$\frac{1}{4}$	$\frac{5}{6}$
$\frac{1}{3}$	$\frac{6}{24}$
$\frac{10}{12}$	$\frac{7}{14}$

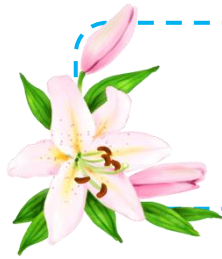




- | | | |
|-----|-------------------|-------------------|
| 1. | $\frac{9}{15}$ | $\frac{210}{525}$ |
| 2. | $\frac{18}{35}$ | $\frac{18}{25}$ |
| 3. | $\frac{15}{36}$ | $\frac{18}{22}$ |
| 4. | $\frac{30}{75}$ | $\frac{63}{105}$ |
| 5. | $\frac{27}{45}$ | $\frac{31}{53}$ |
| 6. | $\frac{90}{125}$ | $\frac{135}{324}$ |
| 7. | $\frac{95}{135}$ | $\frac{108}{210}$ |
| 8. | $\frac{108}{132}$ | $\frac{81}{135}$ |
| 9. | $\frac{130}{145}$ | $\frac{19}{27}$ |
| 10. | $\frac{155}{265}$ | $\frac{26}{29}$ |

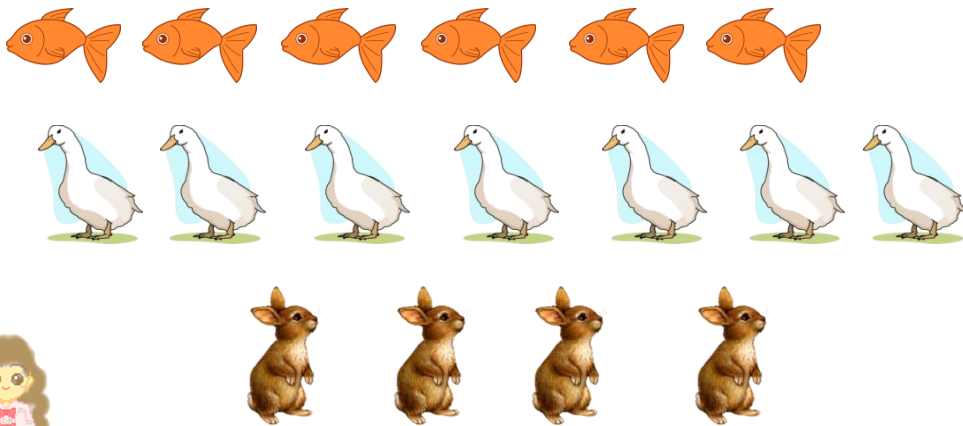
...จับคู่ดี ๆ นะคะ...





ใบความรู้ที่ 3

เรื่อง อัตราส่วนของจำนวนหลายๆ จำนวน



จากรูปที่กำหนดให้ข้างต้นสามารถเขียนเป็นอัตราส่วนเปรียบเทียบปริมาณของจำนวนสัตว์แต่ละชนิดได้ดังนี้

จำนวนเป็ด : จำนวนปลา = 7 : 6

จำนวนเป็ด : จำนวนกระต่าย = 7 : 4

จำนวนปลา : จำนวนกระต่าย = 6 : 4

นอกจากการเขียนอัตราส่วนเปรียบเทียบปริมาณของสัตว์ที่ละ 2 ชนิด ดังกล่าวข้างต้นแล้วเรายังสามารถเขียนอัตราส่วนเปรียบเทียบปริมาณของสัตว์ทั้ง 3 ชนิด ได้ดังนี้

จำนวนเป็ด : จำนวนกระต่าย : จำนวนปลา = 7 : 4 : 6 อัตราส่วนที่เขียนเปรียบเทียบปริมาณของเป็ด ปลา และกระต่าย ดังกล่าวข้างต้น เรียกว่า อัตราส่วนของจำนวนหลายๆ จำนวน

การเขียนอัตราส่วนของจำนวนหลายๆ จำนวนนี้ตำแหน่งของจำนวนที่นำมาเขียนยังมีความสำคัญเช่นเดียวกับการเขียนอัตราส่วนของจำนวนสองจำนวน



หลักการหาอัตราส่วนของจำนวนหลายๆ จำนวนจากอัตราส่วนสองอัตราส่วนที่กำหนดให้

- ขั้นที่ 1 หาปริมาณที่เป็นตัวร่วมของอัตราส่วน
- ขั้นที่ 2 นำปริมาณที่เป็นตัวร่วมมาหา ค.ร.น.
- ขั้นที่ 3 ทำอัตราส่วนปริมาณที่เป็นตัวร่วมให้เท่ากัน
- ขั้นที่ 4 สรุปอัตราส่วนที่ต้องการ



พิจารณาอัตราส่วน $a : b = 1 : 4$ และ $b : c = 5 : 6$
แล้วอัตราส่วน $a : b : c$ คืออัตราส่วนใด
จาก $a : b = 1 : 4$ และ $b : c = 5 : 6$



จะเห็นว่าปริมาณที่เป็นตัวร่วมของอัตราส่วนทั้งสองคือ b ต้องทำให้เท่ากัน โดยการหา ค.ร.น. ของ 4 และ 5 คือ 20

$$\begin{array}{lcl} a & : & b \\ 1 \times 5 & : & 4 \times 5 \quad (\text{นำ } 5 \text{ คูณอัตราส่วน } 1 : 4) \\ b & : & c \\ 5 \times 4 & : & 6 \times 4 \quad (\text{นำ } 4 \text{ คูณอัตราส่วน } 5 : 6) \end{array}$$

ดังนั้น $a : b : c = 5 : 20 : 24$



สรุป

เมื่อกำหนดอัตราส่วนสองอัตราส่วนใด ๆ มาให้ และต้องเขียน
อัตราส่วนของจำนวนหลาย ๆ จำนวนจากสองอัตราส่วนนั้น ทำได้โดย
ทำปริมาณที่เป็นตัวร่วมของอัตราส่วนให้เป็นปริมาณที่เท่ากัน



ไปทำแบบฝึกทักษะกัน
เถอะกะ



แบบฝึกทักษะที่ 5

คำชี้แจง ให้หาอัตราส่วนตามลำดับขั้นตอนในแต่ละข้อต่อไปนี้ (ข้อละ 1 คะแนน รวม 10 คะแนน)

ตัวอย่าง กำหนดอัตราส่วน $A : B = 4 : 3$, $B : C = 5 : 1$

จงหาอัตราส่วน $A : B : C$

ขั้นที่ 1 ปริมาณที่เป็นตัวร่วม คือ **B**

ขั้นที่ 2 นำปริมาณที่เป็นตัวร่วมมาหา ค.ร.น.

ค.ร.น. ของ 3 และ 5 คือ 15

ขั้นที่ 3 ทำอัตราส่วนปริมาณที่เป็นตัวร่วมเท่ากัน

อัตราส่วน $A : B = 4 \times 5 : 3 \times 5$ (นำ 5 คูณอัตราส่วน $4 : 3$)

อัตราส่วน $B : C = 5 \times 3 : 1 \times 3$ (นำ 3 คูณอัตราส่วน $5 : 1$)

ขั้นที่ 4 สรุปอัตราส่วนที่ต้องการ

อัตราส่วน $A : B = 20 : 15$

อัตราส่วน $B : C = 15 : 3$

ดังนั้น $A : B : C = 20 : 15 : 3$



1. กำหนดอัตราส่วน $A : B = 2 : 3$, $B : C = 1 : 4$

จงหาอัตราส่วน $A : B : C$

ขั้นที่ 1 ปริมาณที่เป็นตัวร่วม คือ

ขั้นที่ 2 นำปริมาณที่เป็นตัวร่วมมาหา ค.ร.น.

ค.ร.น. ของ และ คือ

ขั้นที่ 3 ทำอัตราส่วนปริมาณที่เป็นตัวร่วมเท่ากัน

อัตราส่วน $A : B =$ (.....)

อัตราส่วน $B : C =$ (.....)

ขั้นที่ 4 สรุปอัตราส่วนที่ต้องการ

อัตราส่วน $A : B =$

อัตราส่วน $B : C =$

ดังนั้น $A : B : C =$

2. กำหนดอัตราส่วน $A : B = 5 : 2$, $B : C = 1 : 3$

จงหาอัตราส่วน $A : B : C$

ขั้นที่ 1 ปริมาณที่เป็นตัวร่วม คือ

ขั้นที่ 2 นำปริมาณที่เป็นตัวร่วมมาหา ค.ร.น.

ค.ร.น. ของ และ คือ

ขั้นที่ 3 ทำอัตราส่วนปริมาณที่เป็นตัวร่วมเท่ากัน

อัตราส่วน $A : B =$ (.....)

อัตราส่วน $B : C =$ (.....)

ขั้นที่ 4 สรุปอัตราส่วนที่ต้องการ

อัตราส่วน $A : B =$

อัตราส่วน $B : C =$

ดังนั้น $A : B : C =$

3. กำหนดอัตราส่วน $A:B = 1:2$, $B:C = 5:6$

จงหาอัตราส่วน $A:B:C$

ขั้นที่ 1 ปริมาณที่เป็นตัวร่วม คือ

ขั้นที่ 2 นำปริมาณที่เป็นตัวร่วมมาหา ค.ร.น.

ค.ร.น. ของ และ คือ

ขั้นที่ 3 ทำอัตราส่วนปริมาณที่เป็นตัวร่วมเท่ากัน

อัตราส่วน $A:B =$ (.....)

อัตราส่วน $B:C =$ (.....)

ขั้นที่ 4 สรุปอัตราส่วนที่ต้องการ

อัตราส่วน $A:B =$

อัตราส่วน $B:C =$

ดังนั้น $A:B:C =$

4. กำหนดอัตราส่วน $A:B = 2:3$, $B:C = 1:3$

จงหาอัตราส่วน $A:B:C$

ขั้นที่ 1 ปริมาณที่เป็นตัวร่วม คือ

ขั้นที่ 2 นำปริมาณที่เป็นตัวร่วมมาหา ค.ร.น.

ค.ร.น. ของ และ คือ

ขั้นที่ 3 ทำอัตราส่วนปริมาณที่เป็นตัวร่วมเท่ากัน

อัตราส่วน $A:B =$ (.....)

อัตราส่วน $B:C =$ (.....)

ขั้นที่ 4 สรุปอัตราส่วนที่ต้องการ

อัตราส่วน $A:B =$

อัตราส่วน $B:C =$

ดังนั้น $A:B:C =$

5. กำหนดอัตราส่วน $A : B = 3 : 4$, $B : C = 2 : 3$

จงหาอัตราส่วน $A : B : C$

ขั้นที่ 1 ปริมาณที่เป็นตัวร่วม คือ

ขั้นที่ 2 นำปริมาณที่เป็นตัวร่วมมาหา ค.ร.น.

ค.ร.น. ของ และ คือ

ขั้นที่ 3 ทำอัตราส่วนปริมาณที่เป็นตัวร่วมเท่ากัน

อัตราส่วน $A : B =$ (.....)

อัตราส่วน $B : C =$ (.....)

ขั้นที่ 4 สรุปอัตราส่วนที่ต้องการ

อัตราส่วน $A : B =$

อัตราส่วน $B : C =$

ดังนั้น $A : B : C =$

6. กำหนดอัตราส่วน $A : B = 4 : 5$, $B : C = 2 : 3$

จงหาอัตราส่วน $A : B : C$

ขั้นที่ 1 ปริมาณที่เป็นตัวร่วม คือ

ขั้นที่ 2 นำปริมาณที่เป็นตัวร่วมมาหา ค.ร.น.

ค.ร.น. ของ และ คือ

ขั้นที่ 3 ทำอัตราส่วนปริมาณที่เป็นตัวร่วมเท่ากัน

อัตราส่วน $A : B =$ (.....)

อัตราส่วน $B : C =$ (.....)

ขั้นที่ 4 สรุปอัตราส่วนที่ต้องการ

อัตราส่วน $A : B =$

อัตราส่วน $B : C =$

ดังนั้น $A : B : C =$

7. กำหนดอัตราส่วน $A : B = 12 : 30$, $B : C = 20 : 14$

จงหาอัตราส่วน $A : B : C$

ขั้นที่ 1 ปริมาณที่เป็นตัวร่วม คือ

ขั้นที่ 2 นำปริมาณที่เป็นตัวร่วมมาหา ค.ร.น.

ค.ร.น. ของ และ คือ

ขั้นที่ 3 ทำอัตราส่วนปริมาณที่เป็นตัวร่วมเท่ากัน

อัตราส่วน $A : B =$ (.....)

อัตราส่วน $B : C =$ (.....)

ขั้นที่ 4 สรุปอัตราส่วนที่ต้องการ

อัตราส่วน $A : B =$

อัตราส่วน $B : C =$

ดังนั้น $A : B : C =$

8. กำหนดอัตราส่วน $A : B = 18 : 35$, $B : C = 10 : 16$

จงหาอัตราส่วน $A : B : C$

ขั้นที่ 1 ปริมาณที่เป็นตัวร่วม คือ

ขั้นที่ 2 นำปริมาณที่เป็นตัวร่วมมาหา ค.ร.น.

ค.ร.น. ของ และ คือ

ขั้นที่ 3 ทำอัตราส่วนปริมาณที่เป็นตัวร่วมเท่ากัน

อัตราส่วน $A : B =$ (.....)

อัตราส่วน $B : C =$ (.....)

ขั้นที่ 4 สรุปอัตราส่วนที่ต้องการ

อัตราส่วน $A : B =$

อัตราส่วน $B : C =$

ดังนั้น $A : B : C =$

9. กำหนดอัตราส่วน $A : B = 15 : 21$, $B : C = 14 : 23$

จงหาอัตราส่วน $A : B : C$

ขั้นที่ 1 ปริมาณที่เป็นตัวร่วม คือ

ขั้นที่ 2 นำปริมาณที่เป็นตัวร่วมมาหา ค.ร.น.

ค.ร.น. ของ และ คือ

ขั้นที่ 3 ทำอัตราส่วนปริมาณที่เป็นตัวร่วมเท่ากัน

อัตราส่วน $A : B =$ (.....)

อัตราส่วน $B : C =$ (.....)

ขั้นที่ 4 สรุปอัตราส่วนที่ต้องการ

อัตราส่วน $A : B =$

อัตราส่วน $B : C =$

ดังนั้น $A : B : C =$

10. กำหนดอัตราส่วน $A : B = 45 : 50$, $B : C = 25 : 34$

จงหาอัตราส่วน $A : B : C$

ขั้นที่ 1 ปริมาณที่เป็นตัวร่วม คือ

ขั้นที่ 2 นำปริมาณที่เป็นตัวร่วมมาหา ค.ร.น.

ค.ร.น. ของ และ คือ

ขั้นที่ 3 ทำอัตราส่วนปริมาณที่เป็นตัวร่วมเท่ากัน

อัตราส่วน $A : B =$ (.....)

อัตราส่วน $B : C =$ (.....)

ขั้นที่ 4 สรุปอัตราส่วนที่ต้องการ

อัตราส่วน $A : B =$

อัตราส่วน $B : C =$

ดังนั้น $A : B : C =$

แบบฝึกทักษะที่ 6

คำชี้แจง ให้เขียนอัตราส่วนต่อเนื่องของจำนวนหลายๆ จำนวน (10 คะแนน)

ตัวอย่าง สวนสัตว์แห่งหนึ่งมีอัตราส่วนของจำนวนนกต่อจำนวนช้างเป็น 12 : 6
อัตราส่วนของจำนวนยีราฟต่อจำนวนช้างเป็น 2 : 3 จงเขียนอัตราส่วนเปรียบเทียบ
จำนวนนกต่อจำนวนช้างต่อจำนวนยีราฟ

ขั้นที่ 1 ปริมาณที่เป็นตัวร่วม คือ ช้าง

ขั้นที่ 2 นำปริมาณที่เป็นตัวร่วมมาหา ค.ร.น.

ค.ร.น. ของ 6 และ 3 คือ 6

ขั้นที่ 3 ทำอัตราส่วนปริมาณที่เป็นตัวร่วมเท่ากัน

อัตราส่วน นก : ช้าง = 12 : 6

อัตราส่วน ยีราฟ : ช้าง = $2 \times 2 : 3 \times 2$ (นำ 2 คูณอัตราส่วน 2 : 3)

ขั้นที่ 4 สรุปอัตราส่วนที่ต้องการ

อัตราส่วน นก : ช้าง = 12 : 6

อัตราส่วน ยีราฟ : ช้าง = 4 : 6

ดังนั้น จำนวนนก : จำนวนช้าง : จำนวนยีราฟ = 12 : 6 : 4



1. สวนผลไม้แห่งหนึ่งมีอัตราส่วนของจำนวนเงาะต่อจำนวนส้มเป็น 2 : 3
อัตราส่วนของจำนวนส้มต่อจำนวนแตงโมเป็น 9 : 4 จงเขียนอัตราส่วนเปรียบเทียบ
จำนวนเงาะต่อจำนวนส้มต่อจำนวนแตงโม
ขั้นที่ 1 ปริมาณที่เป็นตัวร่วม คือ
ขั้นที่ 2 นำปริมาณที่เป็นตัวร่วมมาหา ค.ร.น.
ค.ร.น. ของ และ คือ
ขั้นที่ 3 ทำอัตราส่วนปริมาณที่เป็นตัวร่วมเท่ากัน
อัตราส่วน..... =(.....)
อัตราส่วน..... = (.....)
ขั้นที่ 4 สรุปอัตราส่วนที่ต้องการ
อัตราส่วน..... =
อัตราส่วน..... =
ดังนั้น =

2. สวนสัตว์แห่งหนึ่งมีอัตราส่วนของจำนวนแรดต่อจำนวนสิงโตเป็น 3 : 5
อัตราส่วนของจำนวนสิงโตต่อจำนวนม้าเป็น 20 : 35 จงเขียนอัตราส่วนเปรียบเทียบ
จำนวนแรดต่อจำนวนสิงโตต่อจำนวนม้า
ขั้นที่ 1 ปริมาณที่เป็นตัวร่วม คือ
ขั้นที่ 2 นำปริมาณที่เป็นตัวร่วมมาหา ค.ร.น.
ค.ร.น. ของ และ คือ
ขั้นที่ 3 ทำอัตราส่วนปริมาณที่เป็นตัวร่วมเท่ากัน
อัตราส่วน..... = (.....)
อัตราส่วน..... = (.....)
ขั้นที่ 4 สรุปอัตราส่วนที่ต้องการ
อัตราส่วน..... =
อัตราส่วน..... =
ดังนั้น =

3. ตลาดแห่งหนึ่งมีอัตราส่วนของราคาเนื้อไก่ต่อราคาเนื้อหมูเป็น 5 : 2 และราคาเนื้อหมูต่อราคาเนื้อวัวเป็น 3: 8 จงเขียนอัตราส่วนของราคาเนื้อไก่ต่อราคาเนื้อหมูต่อราคาเนื้อวัว

ขั้นที่ 1 ปริมาณที่เป็นตัวร่วม คือ

ขั้นที่ 2 นำปริมาณที่เป็นตัวร่วมมาหา ค.ร.น.

ค.ร.น. ของ และ คือ

ขั้นที่ 3 ทำอัตราส่วนปริมาณที่เป็นตัวร่วมเท่ากัน

อัตราส่วน..... = (.....)

อัตราส่วน..... = (.....)

ขั้นที่ 4 สรุปอัตราส่วนที่ต้องการ

อัตราส่วน..... =

อัตราส่วน..... =

ดังนั้น =

4. โรงเรียนแห่งหนึ่งมีอัตราส่วนของจำนวนภารโรง ต่อ จำนวนครูเป็น 1 : 12 และจำนวนครูต่อจำนวนนักเรียนเป็น 1 : 20 จงเขียนอัตราส่วนของจำนวนภารโรงต่อจำนวนครูต่อจำนวนนักเรียน

ขั้นที่ 1 ปริมาณที่เป็นตัวร่วม คือ

ขั้นที่ 2 นำปริมาณที่เป็นตัวร่วมมาหา ค.ร.น.

ค.ร.น. ของ และ คือ

ขั้นที่ 3 ทำอัตราส่วนปริมาณที่เป็นตัวร่วมเท่ากัน

อัตราส่วน..... = (.....)

อัตราส่วน..... = (.....)

ขั้นที่ 4 สรุปอัตราส่วนที่ต้องการ

อัตราส่วน..... =

อัตราส่วน..... =

ดังนั้น =

5. พ่อให้เงินลูกในอัตราส่วนจำนวนเงินของคนโต ต่อ จำนวนเงินของคนกลาง เป็น $3 : 2$ และจำนวนเงินของคนกลาง ต่อ จำนวนเงินของคนเล็กเป็น $4 : 5$ จงเขียนอัตราส่วนของจำนวนเงินของคนโตต่อจำนวนเงินของคนกลางต่อจำนวนเงินของคนเล็ก

ขั้นที่ 1 ปริมาณที่เป็นตัวร่วม คือ

ขั้นที่ 2 นำปริมาณที่เป็นตัวร่วมมาหา ค.ร.น.

ค.ร.น. ของ และ คือ

ขั้นที่ 3 ทำอัตราส่วนปริมาณที่เป็นตัวร่วมเท่ากัน

อัตราส่วน..... = (.....)

อัตราส่วน..... = (.....)

ขั้นที่ 4 สรุปอัตราส่วนที่ต้องการ

อัตราส่วน..... =

อัตราส่วน..... =

ดังนั้น =

6. อัตราส่วนของอายุนารีต่ออายุมานะเป็น $4 : 3$ อัตราส่วนของมานะต่ออายุของหุใจเป็น $6 : 7$ จงเขียนอัตราส่วนอายุของมานะต่ออายุของหุใจต่ออายุนารี

ขั้นที่ 1 ปริมาณที่เป็นตัวร่วม คือ

ขั้นที่ 2 นำปริมาณที่เป็นตัวร่วมมาหา ค.ร.น.

ค.ร.น. ของ และ คือ

ขั้นที่ 3 ทำอัตราส่วนปริมาณที่เป็นตัวร่วมเท่ากัน

อัตราส่วน..... = (.....)

อัตราส่วน..... = (.....)

ขั้นที่ 4 สรุปอัตราส่วนที่ต้องการ

อัตราส่วน..... =

อัตราส่วน..... =

ดังนั้น =

อัตราส่วน..... =

ดังนั้น =

7. ร้านค้าแห่งหนึ่งมีอัตราส่วนของจำนวนปากกา ต่อ จำนวนดินสอเป็น 6 : 8 และจำนวนยางลบ ต่อ จำนวนปากกา เป็น 2 : 5 จงเขียนอัตราส่วนของจำนวนปากกาต่อจำนวนดินสอต่อจำนวนยางลบ

ขั้นที่ 1 ปริมาณที่เป็นตัวร่วม คือ

ขั้นที่ 2 นำปริมาณที่เป็นตัวร่วมมาหา ค.ร.น.

ค.ร.น. ของ และ คือ

ขั้นที่ 3 ทำอัตราส่วนปริมาณที่เป็นตัวร่วมเท่ากัน

อัตราส่วน..... = (.....)

อัตราส่วน..... = (.....)

ขั้นที่ 4 สรุปอัตราส่วนที่ต้องการ

อัตราส่วน..... =

อัตราส่วน..... =

ดังนั้น =

อัตราส่วน..... =

ดังนั้น =

8. อัตราส่วนของอายุของน้อยต่ออายุของนุ่นเท่ากับ 2 : 6 อัตราส่วนของอายุของนุ่นต่ออายุของไอ้เท่ากับ 8 : 10 จงเขียนอัตราส่วนของอายุของน้อยต่ออายุของนุ่นต่ออายุของไอ้

ขั้นที่ 1 ปริมาณที่เป็นตัวร่วม คือ

ขั้นที่ 2 นำปริมาณที่เป็นตัวร่วมมาหา ค.ร.น.

ค.ร.น. ของ และ คือ

ขั้นที่ 3 ทำอัตราส่วนปริมาณที่เป็นตัวร่วมเท่ากัน

อัตราส่วน..... = (.....)

อัตราส่วน..... = (.....)

ขั้นที่ 4 สรุปอัตราส่วนที่ต้องการ

อัตราส่วน..... =

อัตราส่วน..... =

ดังนั้น =

ดังนั้น =

9. ผลการสอบคะแนนสอบปลายภาคเรียน พบว่าอัตราส่วนของคะแนนสอบของเต็มเดชต่อคะแนนสอบของชูชาติ เป็น 3 : 4 และอัตราส่วนของคะแนนสอบของชูชาติต่อคะแนนสอบของสมพร เป็น 5 : 6 จงเขียนอัตราส่วนแสดงความสัมพันธ์ของคะแนนสอบของเต็มเดชต่อคะแนนสอบของชูชาติต่อคะแนนสอบของสมพร

ขั้นที่ 1 ปริมาณที่เป็นตัวร่วม คือ

ขั้นที่ 2 นำปริมาณที่เป็นตัวร่วมมาหา ค.ร.น.

ค.ร.น. ของ และ คือ

ขั้นที่ 3 ทำอัตราส่วนปริมาณที่เป็นตัวร่วมเท่ากัน

อัตราส่วน..... = (.....)

อัตราส่วน..... = (.....)

ขั้นที่ 4 สรุปอัตราส่วนที่ต้องการ

อัตราส่วน..... =

อัตราส่วน..... =

ดังนั้น =

ดังนั้น =

10. หอประชุมแห่งหนึ่งมีอัตราส่วนของความกว้าง ต่อ ความยาวเป็น 5 : 8 และความสูง ต่อ ความยาวเป็น 3: 10 จงเขียนอัตราส่วนของความกว้างต่อความยาว ต่อ ความสูงของหอประชุมนี้

ขั้นที่ 1 ปริมาณที่เป็นตัวร่วม คือ

ขั้นที่ 2 นำปริมาณที่เป็นตัวร่วมมาหา ค.ร.น.

ค.ร.น. ของ และ คือ

ขั้นที่ 3 ทำอัตราส่วนปริมาณที่เป็นตัวร่วมเท่ากัน

อัตราส่วน..... = (.....)

อัตราส่วน..... = (.....)

ขั้นที่ 4 สรุปอัตราส่วนที่ต้องการ

อัตราส่วน..... =

อัตราส่วน..... =

ดังนั้น =

ดังนั้น =

แบบทดสอบหลังเรียน

คำสั่ง นักเรียนทำเครื่องหมาย (X) ทับบนคำตอบที่ถูกต้องที่สุดเพียงคำตอบเดียว (10 คะแนน)

1. จงหาอัตราส่วนที่เท่ากับอัตราส่วน $7 : 9$ มาอีก 2 อัตราส่วนโดยใช้หลักการคูณ

ก. $14 : 21$ และ $18 : 24$

ข. $14 : 18$ และ $21 : 27$

ค. $15 : 16$ และ $24 : 31$

ง. $21 : 19$ และ $28 : 32$

2. จงหาอัตราส่วนที่เท่ากับอัตราส่วน $\frac{122}{180}$ อัตราส่วนโดยใช้หลักการหาร

ก. $\frac{31}{60}$ และ $\frac{11}{15}$

ข. $\frac{42}{72}$ และ $\frac{16}{20}$

ค. $\frac{60}{85}$ และ $\frac{22.4}{21}$

ง. $\frac{61}{90}$ และ $\frac{12.2}{18}$

3. ข้อใดต่อไปนี้เป็นอัตราส่วนที่เท่ากัน

ก. $\frac{2}{4}$ และ $\frac{16}{12}$

ข. $\frac{3}{5}$ และ $\frac{15}{25}$

ค. $\frac{4}{6}$ และ $\frac{24}{32}$

ง. $\frac{5}{8}$ และ $\frac{35}{40}$



4. ถ้าอัตราส่วนที่เท่ากัน ของ $\frac{4}{5}$ คือ $\frac{16}{20}$ ข้อใดคือวิธีการหาคำตอบ

- ก. นำ 4 มาคูณ
- ข. นำ 4 มาหาร
- ค. นำ 5 มาคูณ
- ง. นำ 5 มาหาร

5. ข้อใดคืออัตราส่วนที่เท่ากันของ $\frac{36}{22}$

- ก. $\frac{12}{2}$
- ข. $\frac{15}{6}$
- ค. $\frac{18}{11}$
- ง. $\frac{18}{22}$

6. ข้อใดคืออัตราส่วนที่เท่ากันของ $\frac{61}{90}$

- ก. $\frac{120}{140}$
- ข. $\frac{122}{180}$
- ค. $\frac{18}{22}$
- ง. $\frac{18}{12.2}$

7. ข้อใดไม่ใช่อัตราส่วนเดียวกัน

- ก. $\frac{3}{7}$ และ $\frac{6}{10}$
- ข. $\frac{2}{6}$ และ $\frac{15}{45}$
- ค. $\frac{20}{12}$ และ $\frac{45}{27}$
- ง. $\frac{3}{4}$ และ $\frac{12}{16}$

8. ข้อใดต่อไปนี้เป็นอัตราส่วนที่เท่ากัน

- ก. $5 : 7$ และ $4 : 8$
- ข. $8 : 12$ และ $3 : 4$
- ค. $10 : 15$ และ $6 : 9$
- ง. $16 : 60$ และ $12 : 22$

9. อัตราส่วนที่เท่ากันของ $0.20 : 0.02$ คือข้อใด

- ก. $5 : 10$
- ข. $10 : 5$
- ค. $2 : 20$
- ง. $20 : 2$

10. $5 : a = 15 : 18$ ค่าของ a คือข้อใด

- ก. 6
- ข. 9
- ค. 11
- ง. 12

ทำเสร็จแล้ว ไปดูเฉลยคำตอบกันนะคะ





ภาคผนวก



เฉลยแบบฝึกเสริมทักษะที่ 1

คำชี้แจง จงเขียนอัตราส่วนที่เท่ากับอัตราส่วนที่กำหนดให้มาข้อละ 2 อัตราส่วน โดยใช้หลักการคูณ (ข้อละ 1 คะแนน รวม 10 คะแนน)

1) $\frac{4}{9}$

$$\frac{4}{9} = \frac{20}{45} = \frac{32}{72}$$

อาจเป็นอัตราส่วนอื่นที่เท่ากันก็ได้

2) $\frac{3}{2}$

$$\frac{3}{2} = \frac{30}{20} = \frac{12}{8}$$

อาจเป็นอัตราส่วนอื่นที่เท่ากันก็ได้

3) $\frac{9}{13}$

$$\frac{9}{13} = \frac{27}{39} = \frac{63}{91}$$

อาจเป็นอัตราส่วนอื่นที่เท่ากันก็ได้

4) $\frac{8}{9}$

$$\frac{8}{9} = \frac{56}{63} = \frac{96}{108}$$

อาจเป็นอัตราส่วนอื่นที่เท่ากันก็ได้

5) $\frac{14}{7}$

$$\frac{14}{7} = \frac{70}{35} = \frac{56}{28}$$

อาจเป็นอัตราส่วนอื่นที่เท่ากันก็ได้

6) $\frac{24}{15}$

$$\frac{24}{15} = \frac{72}{45} = \frac{192}{120}$$

อาจเป็นอัตราส่วนอื่นที่เท่ากันก็ได้

7) $\frac{13}{8}$

$$\frac{13}{8} = \frac{65}{40} = \frac{91}{56}$$

อาจเป็นอัตราส่วนอื่นที่เท่ากันก็ได้

8) $\frac{29}{11}$

$$\frac{29}{11} = \frac{116}{44} = \frac{203}{77}$$

อาจเป็นอัตราส่วนอื่นที่เท่ากันก็ได้

9) $\frac{121}{19}$

$$\frac{121}{19} = \frac{363}{57} = \frac{484}{76}$$

อาจเป็นอัตราส่วนอื่นที่เท่ากันก็ได้

10) $\frac{156}{47}$

$$\frac{156}{47} = \frac{468}{141} = \frac{624}{188}$$

อาจเป็นอัตราส่วนอื่นที่เท่ากันก็ได้

...มีใครถูกบ้างไหมเอ่ย...



เฉลยแบบฝึกเสริมทักษะที่ 2

คำชี้แจง จงเขียนอัตราส่วนที่เท่ากับอัตราส่วนที่กำหนดให้มาข้อละ 2 อัตราส่วน
โดยใช้หลักการหาร (ข้อละ 1 คะแนน รวม 10 คะแนน)

1) $\frac{50}{90}$

$$\frac{50}{90} = \frac{10}{18} = \frac{5}{9}$$

อาจเป็นอัตราส่วนอื่นที่เท่ากันก็ได้

2) $\frac{16}{64}$

$$\frac{16}{64} = \frac{4}{16} = \frac{1}{4}$$

อาจเป็นอัตราส่วนอื่นที่เท่ากันก็ได้

3) $\frac{36}{72}$

$$\frac{36}{72} = \frac{9}{18} = \frac{4}{8}$$

อาจเป็นอัตราส่วนอื่นที่เท่ากันก็ได้

4) $\frac{64}{48}$

$$\frac{64}{48} = \frac{32}{24} = \frac{8}{6}$$

อาจเป็นอัตราส่วนอื่นที่เท่ากันก็ได้

5) $\frac{96}{32}$

$$\frac{96}{32} = \frac{24}{8} = \frac{12}{4}$$

อาจเป็นอัตราส่วนอื่นที่เท่ากันก็ได้

6) $\frac{120}{246}$

$$\frac{120}{246} = \frac{60}{123} = \frac{40}{82}$$

อาจเป็นอัตราส่วนอื่นที่เท่ากันก็ได้

7) $\frac{150}{90}$

$$\frac{150}{90} = \frac{30}{18} = \frac{5}{3}$$

อาจเป็นอัตราส่วนอื่นที่เท่ากันก็ได้

8) $\frac{350}{25}$

$$\frac{350}{25} = \frac{70}{5} = \frac{35}{2.5}$$

อาจเป็นอัตราส่วนอื่นที่เท่ากันก็ได้

9) $\frac{250}{400}$

$$\frac{250}{400} = \frac{25}{40} = \frac{10}{16}$$

อาจเป็นอัตราส่วนอื่นที่เท่ากันก็ได้

10) $\frac{105}{60}$


$$\frac{105}{60} = \frac{35}{20} = \frac{21}{12}$$

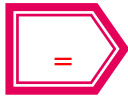









อาจเป็นอัตราส่วนอื่นที่เท่ากันก็ได้

...ใครถูกบ้างยกมือขึ้น...



เฉลยแบบฝึกเสริมทักษะที่ 3

คำชี้แจง จงเติมเครื่องหมาย = หรือ \neq ลงใน  ให้ถูกต้อง (ข้อละ 1 คะแนน รวม 10 คะแนน)

1. $\frac{4}{10}$  $\frac{10}{25}$
2. $\frac{1}{8}$  $\frac{3}{24}$
3. $\frac{2}{5}$  $\frac{12}{24}$
4. $\frac{20}{35}$  $\frac{28}{49}$
5. $\frac{79}{3}$  $\frac{121}{7}$
6. $\frac{20}{24}$  $\frac{5}{6}$
7. $\frac{8}{9}$  $\frac{7}{8}$
8. $\frac{7}{6}$  $\frac{21}{18}$
9. $\frac{17}{18}$  $\frac{51}{54}$
10. $\frac{23}{31}$  $\frac{713}{961}$

เฉลยจ้า



เฉลยแบบฝึกเสริมทักษะที่ 4

คำชี้แจง จงโยงลูกศรจับคู่กับอัตราส่วนที่เท่ากันในแต่ละข้อต่อไปนี้ (ข้อละ 1 คะแนน
รวม 10 คะแนน)



1.	$\frac{9}{15}$	$\frac{210}{525}$
2.	$\frac{18}{35}$	$\frac{18}{25}$
3.	$\frac{15}{36}$	$\frac{18}{22}$
4.	$\frac{30}{75}$	$\frac{63}{105}$
5.	$\frac{27}{45}$	$\frac{31}{53}$
6.	$\frac{90}{125}$	$\frac{135}{324}$
7.	$\frac{95}{135}$	$\frac{108}{210}$
8.	$\frac{108}{132}$	$\frac{81}{135}$
9.	$\frac{130}{145}$	$\frac{19}{27}$
10.	$\frac{155}{265}$	$\frac{26}{29}$

เฉลยแบบฝึกเสริมทักษะที่ 5

คำชี้แจง ให้หาอัตราส่วนตามลำดับขั้นตอนในแต่ละข้อต่อไปนี้ (ข้อละ 1 คะแนน รวม 10 คะแนน)

1. กำหนดอัตราส่วน $A : B = 2 : 3$, $B : C = 1 : 4$

จงหาอัตราส่วน $A : B : C$

ขั้นที่ 1 ปริมาณที่เป็นตัวร่วม คือ **B**

ขั้นที่ 2 นำปริมาณที่เป็นตัวร่วมมาหา ค.ร.น.

ค.ร.น. ของ 3 และ 1 คือ 3

ขั้นที่ 3 ทำอัตราส่วนปริมาณที่เป็นตัวร่วมเท่ากัน

อัตราส่วน $A : B = 2 : 3$

อัตราส่วน $B : C = 1 \times 3 : 4 \times 3$ (นำ 3 คูณอัตราส่วน 1 : 4)

ขั้นที่ 4 สรุปอัตราส่วนที่ต้องการ

อัตราส่วน $A : B = 2 : 3$

อัตราส่วน $B : C = 3 : 12$

ดังนั้น $A : B : C = 2 : 3 : 12$

2. กำหนดอัตราส่วน $A : B = 5 : 2$, $B : C = 1 : 3$

จงหาอัตราส่วน $A : B : C$

ขั้นที่ 1 ปริมาณที่เป็นตัวร่วม คือ **B**

ขั้นที่ 2 นำปริมาณที่เป็นตัวร่วมมาหา ค.ร.น.

ค.ร.น. ของ 2 และ 1 คือ 2

ขั้นที่ 3 ทำอัตราส่วนปริมาณที่เป็นตัวร่วมเท่ากัน

อัตราส่วน $A : B = 5 : 2$

อัตราส่วน $B : C = 1 \times 2 : 3 \times 2$ (นำ 2 คูณอัตราส่วน 1 : 3)

ขั้นที่ 4 สรุปอัตราส่วนที่ต้องการ

อัตราส่วน $A : B = 5 : 2$

อัตราส่วน $B : C = 2 : 6$

ดังนั้น $A : B : C = 5 : 2 : 6$

3. กำหนดอัตราส่วน $A:B = 1:2$, $B:C = 5:6$

จงหาอัตราส่วน $A:B:C$

ขั้นที่ 1 ปริมาณที่เป็นตัวร่วม คือ **B**

ขั้นที่ 2 นำปริมาณที่เป็นตัวร่วมมาหา ค.ร.น.

ค.ร.น. ของ 2 และ 5 คือ 10

ขั้นที่ 3 ทำอัตราส่วนปริมาณที่เป็นตัวร่วมเท่ากัน

อัตราส่วน $A:B = 1 \times 5 : 2 \times 5$ (นำ 5 คูณอัตราส่วน 1:2)

อัตราส่วน $B:C = 5 \times 2 : 6 \times 2$ (นำ 2 คูณอัตราส่วน 5:6)

ขั้นที่ 4 สรุปอัตราส่วนที่ต้องการ

อัตราส่วน $A:B = 5 : 10$

อัตราส่วน $B:C = 10 : 12$

ดังนั้น $A:B:C = 5 : 10 : 12$

4. กำหนดอัตราส่วน $A:B = 2:3$, $B:C = 1:3$

จงหาอัตราส่วน $A:B:C$

ขั้นที่ 1 ปริมาณที่เป็นตัวร่วม คือ **B**

ขั้นที่ 2 นำปริมาณที่เป็นตัวร่วมมาหา ค.ร.น.

ค.ร.น. ของ 3 และ 1 คือ 3

ขั้นที่ 3 ทำอัตราส่วนปริมาณที่เป็นตัวร่วมเท่ากัน

อัตราส่วน $A:B = 2 : 3$

อัตราส่วน $B:C = 1 \times 3 : 3 \times 3$ (นำ 3 คูณอัตราส่วน 1:3)

ขั้นที่ 4 สรุปอัตราส่วนที่ต้องการ

อัตราส่วน $A:B = 2 : 3$

อัตราส่วน $B:C = 3 : 9$

ดังนั้น $A:B:C = 2 : 3 : 9$

5. กำหนดอัตราส่วน $A:B = 3:4$, $B:C = 2:3$

จงหาอัตราส่วน $A:B:C$

ขั้นที่ 1 ปริมาณที่เป็นตัวร่วม คือ **B**

ขั้นที่ 2 นำปริมาณที่เป็นตัวร่วมมาหา ค.ร.น.

ค.ร.น. ของ 4 และ 2 คือ 4

ขั้นที่ 3 ทำอัตราส่วนปริมาณที่เป็นตัวร่วมเท่ากัน

อัตราส่วน $A:B = 3:4$

อัตราส่วน $B:C = 2 \times 2 : 3 \times 2$ (นำ 2 คูณอัตราส่วน 2:3)

ขั้นที่ 4 สรุปอัตราส่วนที่ต้องการ

อัตราส่วน $A:B = 3:4$

อัตราส่วน $B:C = 4:6$

ดังนั้น $A:B:C = 3:4:6$

6. กำหนดอัตราส่วน $A:B = 4:5$, $B:C = 2:3$

จงหาอัตราส่วน $A:B:C$

ขั้นที่ 1 ปริมาณที่เป็นตัวร่วม คือ **B**

ขั้นที่ 2 นำปริมาณที่เป็นตัวร่วมมาหา ค.ร.น.

ค.ร.น. ของ 5 และ 2 คือ 10

ขั้นที่ 3 ทำอัตราส่วนปริมาณที่เป็นตัวร่วมเท่ากัน

อัตราส่วน $A:B = 4 \times 2 : 5 \times 2$ (นำ 2 คูณอัตราส่วน 4:5)

อัตราส่วน $B:C = 2 \times 5 : 3 \times 5$ (นำ 5 คูณอัตราส่วน 2:3)

ขั้นที่ 4 สรุปอัตราส่วนที่ต้องการ

อัตราส่วน $A:B = 8:10$

อัตราส่วน $B:C = 10:15$

ดังนั้น $A:B:C = 8:10:15$

7. กำหนดอัตราส่วน $A : B = 12 : 30$, $B : C = 20 : 14$

จงหาอัตราส่วน $A : B : C$

ขั้นที่ 1 ปริมาณที่เป็นตัวร่วม คือ **B**

ขั้นที่ 2 นำปริมาณที่เป็นตัวร่วมมาหา ค.ร.น.

ค.ร.น. ของ 30 และ 20 คือ 60

ขั้นที่ 3 ทำอัตราส่วนปริมาณที่เป็นตัวร่วมเท่ากัน

อัตราส่วน $A : B = 12 \times 2 : 30 \times 2$ (นำ 2 คูณอัตราส่วน 12 : 30)

อัตราส่วน $B : C = 20 \times 3 : 14 \times 3$ (นำ 3 คูณอัตราส่วน 20 : 14)

ขั้นที่ 4 สรุปอัตราส่วนที่ต้องการ

อัตราส่วน $A : B = 24 : 60$

อัตราส่วน $B : C = 60 : 42$

ดังนั้น $A : B : C = 24 : 60 : 42$

8. กำหนดอัตราส่วน $A : B = 18 : 35$, $B : C = 10 : 16$

จงหาอัตราส่วน $A : B : C$

ขั้นที่ 1 ปริมาณที่เป็นตัวร่วม คือ **B**

ขั้นที่ 2 นำปริมาณที่เป็นตัวร่วมมาหา ค.ร.น.

ค.ร.น. ของ 35 และ 10 คือ 70

ขั้นที่ 3 ทำอัตราส่วนปริมาณที่เป็นตัวร่วมเท่ากัน

อัตราส่วน $A : B = 18 \times 2 : 35 \times 2$ (นำ 2 คูณอัตราส่วน 18 : 35)

อัตราส่วน $B : C = 10 \times 7 : 16 \times 7$ (นำ 7 คูณอัตราส่วน 10 : 16)

ขั้นที่ 4 สรุปอัตราส่วนที่ต้องการ

อัตราส่วน $A : B = 36 : 70$

อัตราส่วน $B : C = 70 : 112$

ดังนั้น $A : B : C = 36 : 70 : 112$

9. กำหนดอัตราส่วน $A : B = 15 : 21$, $B : C = 14 : 23$

จงหาอัตราส่วน $A : B : C$

ขั้นที่ 1 ปริมาณที่เป็นตัวร่วม คือ **B**

ขั้นที่ 2 นำปริมาณที่เป็นตัวร่วมมาหา ค.ร.น.

ค.ร.น. ของ 21 และ 14 คือ 42

ขั้นที่ 3 ทำอัตราส่วนปริมาณที่เป็นตัวร่วมเท่ากัน

อัตราส่วน $A : B = 15 \times 2 : 21 \times 2$ (นำ 2 คูณอัตราส่วน 15 : 21)

อัตราส่วน $B : C = 14 \times 3 : 23 \times 3$ (นำ 3 คูณอัตราส่วน 14 : 23)

ขั้นที่ 4 สรุปอัตราส่วนที่ต้องการ

อัตราส่วน $A : B = 30 : 42$

อัตราส่วน $B : C = 42 : 69$

ดังนั้น $A : B : C = 30 : 42 : 69$

10. กำหนดอัตราส่วน $A : B = 45 : 50$, $B : C = 25 : 34$

จงหาอัตราส่วน $A : B : C$

ขั้นที่ 1 ปริมาณที่เป็นตัวร่วม คือ **B**

ขั้นที่ 2 นำปริมาณที่เป็นตัวร่วมมาหา ค.ร.น.

ค.ร.น. ของ 50 และ 25 คือ 50

ขั้นที่ 3 ทำอัตราส่วนปริมาณที่เป็นตัวร่วมเท่ากัน

อัตราส่วน $A : B = 45 : 50$

อัตราส่วน $B : C = 25 \times 2 : 34 \times 2$ (นำ 2 คูณอัตราส่วน 25 : 34)

ขั้นที่ 4 สรุปอัตราส่วนที่ต้องการ

อัตราส่วน $A : B = 45 : 50$

อัตราส่วน $B : C = 50 : 68$

ดังนั้น $A : B : C = 45 : 50 : 68$

เฉลยแบบฝึกเสริมทักษะที่ 6

คำชี้แจง ให้เขียนอัตราส่วนต่อเนื่องของจำนวนหลายๆ จำนวน (ข้อละ 1 คะแนน รวม 10 คะแนน)

- สวนผลไม้แห่งหนึ่งมีอัตราส่วนของจำนวนเงาะต่อจำนวนส้มเป็น 2 : 3
อัตราส่วนของจำนวนส้มต่อจำนวนแตงโมเป็น 9 : 4 จงเขียนอัตราส่วนเปรียบเทียบ
จำนวนเงาะต่อจำนวนส้มต่อจำนวนแตงโม
ขั้นที่ 1 ปริมาณที่เป็นตัวร่วม คือ ส้ม
ขั้นที่ 2 นำปริมาณที่เป็นตัวร่วมมาหา ค.ร.น.
ค.ร.น. ของ 3 และ 9 คือ 9
ขั้นที่ 3 ทำอัตราส่วนปริมาณที่เป็นตัวร่วมเท่ากัน
อัตราส่วนเงาะ : ส้ม = $2 \times 3 : 3 \times 3$ (นำ 3 คูณอัตราส่วน 2 : 3)
อัตราส่วนส้ม : แตงโม = 9 : 4
ขั้นที่ 4 สรุปอัตราส่วนที่ต้องการ
อัตราส่วนเงาะ : ส้ม = 6 : 9
อัตราส่วนส้ม : แตงโม = 9 : 4
ดังนั้น อัตราส่วนเงาะ : ส้ม : แตงโม = 6 : 9 : 4
- สวนสัตว์แห่งหนึ่งมีอัตราส่วนของจำนวนแรดต่อจำนวนสิงโตเป็น 3 : 5
อัตราส่วนของจำนวนสิงโตต่อจำนวนม้าเป็น 20 : 35 จงเขียนอัตราส่วนเปรียบเทียบ
จำนวนแรดต่อจำนวนสิงโตต่อจำนวนม้า
ขั้นที่ 1 ปริมาณที่เป็นตัวร่วม คือ สิงโต
ขั้นที่ 2 นำปริมาณที่เป็นตัวร่วมมาหา ค.ร.น.
ค.ร.น. ของ 5 และ 20 คือ 20
ขั้นที่ 3 ทำอัตราส่วนปริมาณที่เป็นตัวร่วมเท่ากัน
อัตราส่วนแรด : สิงโต = $3 \times 4 : 5 \times 4$ (นำ 4 คูณอัตราส่วน 3 : 5)
อัตราส่วนสิงโต : ม้า = 20 : 35
ขั้นที่ 4 สรุปอัตราส่วนที่ต้องการ
อัตราส่วนแรด : สิงโต = 12 : 20
อัตราส่วนสิงโต : ม้า = 20 : 35
ดังนั้น อัตราส่วนแรด : สิงโต : ม้า = 12 : 20 : 35

3. ตลาดแห่งหนึ่งมีอัตราส่วนของราคาเนื้อไก่ต่อราคาเนื้อหมูเป็น 5 : 2 และราคาเนื้อหมูต่อราคาเนื้อวัวเป็น 3 : 8 จงเขียนอัตราส่วนของราคาเนื้อไก่ต่อราคาเนื้อหมูต่อราคาเนื้อวัว

ขั้นที่ 1 ปริมาณที่เป็นตัวร่วม คือ เนื้อหมู

ขั้นที่ 2 นำปริมาณที่เป็นตัวร่วมมาหา ค.ร.น.

ค.ร.น. ของ 2 และ 3 คือ 6

ขั้นที่ 3 ทำอัตราส่วนปริมาณที่เป็นตัวร่วมเท่ากัน

อัตราส่วนเนื้อไก่ : เนื้อหมู = $5 \times 3 : 2 \times 3$ (นำ 3 คูณอัตราส่วน 5 : 2)

อัตราส่วนเนื้อหมู : เนื้อวัว = $3 \times 2 : 8 \times 2$ (นำ 2 คูณอัตราส่วน 3 : 8)

ขั้นที่ 4 สรุปอัตราส่วนที่ต้องการ

อัตราส่วนเนื้อไก่ : เนื้อหมู = 15 : 6

อัตราส่วนเนื้อหมู : เนื้อวัว = 6 : 16

ดังนั้น อัตราส่วนเนื้อไก่ : เนื้อหมู : เนื้อวัว = 15 : 6 : 16

4. โรงเรียนแห่งหนึ่งมีอัตราส่วนของจำนวนภารโรง ต่อ จำนวนครูเป็น 1 : 12 และจำนวนครูต่อจำนวนนักเรียนเป็น 1 : 20 จงเขียนอัตราส่วนของจำนวนภารโรงต่อจำนวนครูต่อจำนวนนักเรียน

ขั้นที่ 1 ปริมาณที่เป็นตัวร่วม คือ ครู

ขั้นที่ 2 นำปริมาณที่เป็นตัวร่วมมาหา ค.ร.น.

ค.ร.น. ของ 12 และ 1 คือ 12

ขั้นที่ 3 ทำอัตราส่วนปริมาณที่เป็นตัวร่วมเท่ากัน

อัตราส่วนภารโรง : ครู = 1 : 12

อัตราส่วนครู : นักเรียน = $1 \times 12 : 20 \times 12$ (นำ 12 คูณอัตราส่วน 1 : 20)

ขั้นที่ 4 สรุปอัตราส่วนที่ต้องการ

อัตราส่วนภารโรง : ครู = 1 : 12

อัตราส่วนครู : นักเรียน = 12 : 240

ดังนั้น อัตราส่วนภารโรง : ครู : นักเรียน = 1 : 12 : 240

5. พ่อให้เงินลูกเป็นอัตราส่วนจำนวนเงินของคนโต ต่อ จำนวนเงินของคนกลาง เป็น $3 : 2$ และจำนวนเงินของคนกลาง ต่อ จำนวนเงินของคนเล็กเป็น $4 : 5$ จงเขียนอัตราส่วนของจำนวนเงินของคนโตต่อจำนวนเงินของคนกลางต่อจำนวนเงินของคนเล็ก

ขั้นที่ 1 ปริมาณที่เป็นตัวร่วม คือ คนกลาง

ขั้นที่ 2 นำปริมาณที่เป็นตัวร่วมมาหา ค.ร.น.

ค.ร.น. ของ 2 และ 4 คือ 4

ขั้นที่ 3 ทำอัตราส่วนปริมาณที่เป็นตัวร่วมเท่ากัน

อัตราส่วนคนโต : คนกลาง $= 3 \times 2 : 2 \times 2$ (นำ 2 คูณอัตราส่วน $3 : 2$)

อัตราส่วนคนกลาง : คนเล็ก $= 4 : 5$

ขั้นที่ 4 สรุปอัตราส่วนที่ต้องการ

อัตราส่วนคนโต : คนกลาง $= 6 : 4$

อัตราส่วนคนกลาง : คนเล็ก $= 4 : 5$

ดังนั้น อัตราส่วนคนโต : คนกลาง : คนเล็ก $= 6 : 4 : 5$

6. อัตราส่วนของอายุนารีต่ออายุมานะเป็น $4 : 3$ อัตราส่วนอายุของมานะต่ออายุของชูใจเป็น $6 : 7$ จงเขียนอัตราส่วนอายุของมานะต่ออายุของชูใจต่ออายุนารี

ขั้นที่ 1 ปริมาณที่เป็นตัวร่วม คือ มานะ

ขั้นที่ 2 นำปริมาณที่เป็นตัวร่วมมาหา ค.ร.น.

ค.ร.น. ของ 3 และ 6 คือ 6

ขั้นที่ 3 ทำอัตราส่วนปริมาณที่เป็นตัวร่วมเท่ากัน

อัตราส่วนนารี : มานะ $= 4 \times 2 : 3 \times 2$ (นำ 2 คูณอัตราส่วน $4 : 3$)

อัตราส่วนมานะ : ชูใจ $= 6 : 7$

ขั้นที่ 4 สรุปอัตราส่วนที่ต้องการ

อัตราส่วนนารี : มานะ $= 8 : 6$

อัตราส่วนมานะ : ชูใจ $= 6 : 7$

ดังนั้น อัตราส่วนมานะ : ชูใจ : นารี $= 6 : 7 : 8$

7. ร้านค้าแห่งหนึ่งมีอัตราส่วนของจำนวนปากกา ต่อ จำนวนดินสอเป็น 6 : 8 และจำนวนยางลบ ต่อ จำนวนปากกา เป็น 2 : 5 จงเขียนอัตราส่วนของจำนวนปากกาต่อจำนวนดินสอต่อจำนวนยางลบ

ขั้นที่ 1 ปริมาณที่เป็นตัวร่วม คือ ปากกา

ขั้นที่ 2 นำปริมาณที่เป็นตัวร่วมมาหา ค.ร.น.

ค.ร.น. ของ 6 และ 5 คือ 30

ขั้นที่ 3 ทำอัตราส่วนปริมาณที่เป็นตัวร่วมเท่ากัน

อัตราส่วนปากกา : ดินสอ = $6 \times 5 : 8 \times 5$ (นำ 5 คูณอัตราส่วน 6 : 8)

อัตราส่วนยางลบ : ปากกา = $2 \times 6 : 5 \times 6$ (นำ 6 คูณอัตราส่วน 2 : 5)

ขั้นที่ 4 สรุปอัตราส่วนที่ต้องการ

อัตราส่วนปากกา : ดินสอ = 30 : 40

อัตราส่วนยางลบ : ปากกา = 12 : 30

ดังนั้น อัตราส่วนปากกา : ดินสอ : ยางลบ = 30 : 40 : 12

8. อัตราส่วนของอายุของน้อยต่ออายุของนุ่นเท่ากับ 2 : 6 อัตราส่วนของอายุของนุ่นต่ออายุของโอ้เท่ากับ 8 : 10 จงเขียนอัตราส่วนของอายุของน้อยต่ออายุของนุ่นต่ออายุของโอ้

ขั้นที่ 1 ปริมาณที่เป็นตัวร่วม คือ นุ่น

ขั้นที่ 2 นำปริมาณที่เป็นตัวร่วมมาหา ค.ร.น.

ค.ร.น. ของ 6 และ 8 คือ 24

ขั้นที่ 3 ทำอัตราส่วนปริมาณที่เป็นตัวร่วมเท่ากัน

อัตราส่วนน้อย : นุ่น = $2 \times 4 : 6 \times 4$ (นำ 4 คูณอัตราส่วน 2 : 6)

อัตราส่วนนุ่น : โอ้ = $8 \times 3 : 10 \times 3$ (นำ 3 คูณอัตราส่วน 8 : 10)

ขั้นที่ 4 สรุปอัตราส่วนที่ต้องการ

อัตราส่วนน้อย : นุ่น = 8 : 24

อัตราส่วนนุ่น : โอ้ = 24 : 30

ดังนั้น อัตราส่วนน้อย : นุ่น : โอ้ = 8 : 24 : 30

9. ผลการสอบคะแนนสอบปลายภาคเรียน พบว่าอัตราส่วนของคะแนนสอบของเต็มเดชต่อคะแนนสอบของชูชาติเป็น 3 : 4 และอัตราส่วนของคะแนนสอบของชูชาติต่อคะแนนสอบของสมพรเป็น 5 : 6 จงเขียนอัตราส่วนแสดงความสัมพันธ์ของคะแนนสอบของเต็มเดชต่อคะแนนสอบของชูชาติต่อคะแนนสอบของสมพร

ขั้นที่ 1 ปริมาณที่เป็นตัวร่วม คือ ชูชาติ

ขั้นที่ 2 นำปริมาณที่เป็นตัวร่วมมาหา ค.ร.น.

ค.ร.น. ของ 4 และ 5 คือ 20

ขั้นที่ 3 ทำอัตราส่วนปริมาณที่เป็นตัวร่วมเท่ากัน

อัตราส่วนเต็มเดช : ชูชาติ = $3 \times 5 : 4 \times 5$ (นำ 5 คูณอัตราส่วน 3 : 4)

อัตราส่วนชูชาติ : สมพร = $5 \times 4 : 6 \times 4$ (นำ 4 คูณอัตราส่วน 5 : 6)

ขั้นที่ 4 สรุปอัตราส่วนที่ต้องการ

อัตราส่วนเต็มเดช : ชูชาติ = 15 : 20

อัตราส่วนชูชาติ : สมพร = 20 : 24

ดังนั้น อัตราส่วนเต็มเดช : ชูชาติ : สมพร = 15 : 20 : 24

10. หอประชุมแห่งหนึ่งมีอัตราส่วนของความกว้าง ต่อ ความยาวเป็น 5 : 8 และ ความสูง ต่อ ความยาวเป็น 3 : 10 จงเขียนอัตราส่วนของความกว้างต่อความยาว ต่อความสูงของหอประชุมนี้

ขั้นที่ 1 ปริมาณที่เป็นตัวร่วม คือ ความยาว

ขั้นที่ 2 นำปริมาณที่เป็นตัวร่วมมาหา ค.ร.น.

ค.ร.น. ของ 8 และ 10 คือ 40

ขั้นที่ 3 ทำอัตราส่วนปริมาณที่เป็นตัวร่วมเท่ากัน

อัตราส่วนความกว้าง : ความยาว = $5 \times 5 : 8 \times 5$ (นำ 5 คูณอัตราส่วน 5 : 8)

อัตราส่วนความสูง : ความยาว = $3 \times 4 : 10 \times 4$ (นำ 4 คูณอัตราส่วน 3 : 10)

ขั้นที่ 4 สรุปอัตราส่วนที่ต้องการ

อัตราส่วนความกว้าง : ความยาว = 25 : 40

อัตราส่วนความสูง : ความยาว = 12 : 40

ดังนั้น อัตราส่วนความกว้าง : ความยาว : ความสูง = 25 : 40 : 12

เนลยแบบทดสอบก่อนเรียน – หลังเรียน



1. ข
2. ง
3. ก
4. ข
5. ก
6. ง
7. ก
8. ข
9. ง
10. ก



1. ข
2. ง
3. ข
4. ก
5. ค
6. ข
7. ก
8. ค
9. ง
10. ก

บรรณานุกรม

ณรงค์ ปั่นนิ่ม และคณะ. คู่มือเตรียมสอบคณิตศาสตร์พื้นฐาน ม.2 เล่ม 1.

กรุงเทพมหานคร : ภูมิบัณฑิต , ม.ป.ป.

ทรงวิทย์ สุวรรณธาดา. แบบฝึกคณิตศาสตร์เพิ่มเติม 1 ช่วงชั้นที่ 3 (ม.1-ม.3) ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 1.

กรุงเทพมหานคร : แม็ค , 2548.

นวลศรี ชื่นชม , มาวิทย์ ไชยกุล และอนันต์ โพธิกุล. แบบฝึกทักษะ/กระบวนการเรียนรู้
คณิตศาสตร์ ม.2 เล่ม 1. กรุงเทพมหานคร : เดอะบุคส์ , 2548.

พรรณี ศิลปพัฒนานันท์. คณิตศาสตร์พื้นฐาน 2 ช่วงชั้นที่ 3 (ม.1 – ม.3). กรุงเทพมหานคร :
ฟิสิกส์เซ็นเตอร์, 2547.

ยุพิน พิพิธกุล และสิริพร ทิพย์คง. ชุดกิจกรรมการเรียนรู้ที่เน้นผู้เรียนเป็นสำคัญ

คณิตศาสตร์ ม.2 เล่ม 1. กรุงเทพมหานคร : พัฒนาคุณภาพวิชาการ , 2548.

ส่งเสริมการสอนวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี, สถาบัน. หนังสือเรียนสาระการเรียนรู้พื้นฐาน
คณิตศาสตร์ เล่ม 1. พิมพ์ครั้งที่ 4. กรุงเทพมหานคร : โรงพิมพ์คุรุสภาลาดพร้าว , 2549.

ส่งเสริมการสอนวิทยาศาสตร์และเทคโนโลยี, สถาบัน. หนังสือเรียนสาระการเรียนรู้พื้นฐาน
คณิตศาสตร์ ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2 กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์ ชั้นมัธยมศึกษา
ปีที่ 2. กรุงเทพ : โรงพิมพ์ สกสค. ลาดพร้าว, 2551

_____. หนังสือเรียนรายวิชาพื้นฐานคณิตศาสตร์ ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2 กลุ่มสาระการเรียนรู้
คณิตศาสตร์. กรุงเทพ : โรงพิมพ์ สกสค. ลาดพร้าว, 2553

_____. คู่มือครูรายวิชาพื้นฐานคณิตศาสตร์ ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ 2 กลุ่มสาระการเรียนรู้
คณิตศาสตร์. กรุงเทพ : โรงพิมพ์ สกสค. ลาดพร้าว, 2554